

Cho $a, b, c \in \mathbb{Z}^+$, khi đó ta có :

$$a \geq \frac{(a, b).(a, c)}{(a, b, c)}$$

với (a, b) là ước chung lớn nhất của a, b và (a, b, c) là ước chung lớn nhất của a, b, c

Chứng minh. Làm một cách số học thì ta chứng minh cái VP chia hết VT hay cần chứng minh $v_p(a) \geq \min(v_p(a); v_p(b)) + \min(v_p(a); v_p(c)) - \min(v_p(a), v_p(b), v_p(c))$.

Nếu $v_p(a) = \min(v_p(a), v_p(b), v_p(c))$ thì bất đẳng thức trên là đẳng thức.

Nếu $v_p(b) = \min(v_p(a), v_p(b), v_p(c))$ thì bất đẳng thức trên tương đương với.

$v_p(a) \geq \min(v_p(a); v_p(c))$ (luôn đúng).

Tương tự với $v_p(c)$ là min.

□