

ĐỀ THI THỬ LẦN 2**I. PHẦN CHUNG CHO TẤT CẢ CÁC THÍ SINH (7,0 điểm)**

Câu 1: (2,0 điểm) Cho hàm số $y = x^4 - 2mx^2 + 2$ (1)

1) Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm số (1) khi $m = 1$.

2) Tìm tất cả giá trị thực của m để đồ thị của hàm số (1) có 3 cực trị tạo thành một tam giác có đường tròn ngoại tiếp đi qua điểm $D\left(\frac{3}{5}; \frac{9}{5}\right)$.

Câu 2: (1,0 điểm) Giải phương trình lượng giác: $\cos^2 3x + 3\cos^2 2x + \cos^2 x + \cos 2x = 2$

Câu 3: (1,0 điểm) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} 4 + 9 \cdot 3^{x^2-2y} = (4 + 9^{x^2-2y}) \cdot 7^{2y-x^2+2} \\ 4^x + 4 = 4x + 4\sqrt{2y-2x+4} \end{cases}$

Câu 4: (1,0 điểm) Tính tích phân: $I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{3 + \sin 2x}} dx$

Câu 5: (1,0 điểm) Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông, $SA \perp (ABCD)$, $SA = a$. Diện tích tam giác SBC bằng $\frac{a^2\sqrt{2}}{2}$. Tính thể tích khối chóp S.ABCD theo a . Gọi I, J lần lượt là trung điểm các cạnh SB và SD. Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng AI và CJ.

Câu 6: (1,0 điểm) Cho các số thực không âm a, b, c thỏa $a + b + c = 3$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức:

$$P = (a^2 - ab + b^2)(b^2 - bc + c^2)(c^2 - ca + a^2)$$

II. PHẦN RIÊNG (3,0 điểm) Thí sinh chỉ được làm một trong hai phần (phần A hoặc B).**A. Theo chương trình Chuẩn.**

Câu 7a: (1,0 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho hai đường thẳng $d_1: x + y + 1 = 0$; $d_2: 2x - y - 1 = 0$. Lập phương trình đường thẳng qua điểm $M(1; -1)$ cắt d_1, d_2 tương ứng tại A và B sao cho $2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0}$

Câu 8a: (1,0 điểm) Trong không gian tọa độ $Oxyz$, cho hai đường thẳng cắt nhau $d_1: \frac{x-3}{2} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-3}{1}$;

$d_2: \frac{x-1}{6} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-2}{2}$, gọi I là giao điểm của chúng. Tìm tọa độ các điểm A, B lần lượt thuộc d_1, d_2 sao cho tam giác IAB cân tại I và có diện tích bằng $\frac{\sqrt{41}}{42}$

Câu 9a: (1,0 điểm) Cho số phức z thỏa mãn $\left| \frac{z+2-i}{z+1-i} \right| = \sqrt{2}$. Tìm giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của $|z|$

B. Theo chương trình Nâng cao.

Câu 7b. (1,0 điểm) Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho tam giác ABC có phương trình đường cao AH: $x = 3\sqrt{3}$, hai phương trình đường phân giác trong góc \overline{ABC} và \overline{ACB} lần lượt là $x - \sqrt{3}y = 0$ và $x + \sqrt{3}y - 6\sqrt{3} = 0$. Bán kính đường tròn nội tiếp tam giác bằng 3. Viết phương trình các cạnh của tam giác ABC, biết đỉnh A có tung độ dương.

Câu 8b. (1,0 điểm) Trong không gian tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm A(0;1;1); B(2;-1;1); C(4;1;1) và mặt phẳng (P): $x + y + z - 6 = 0$. Tìm điểm M trên mặt phẳng (P) sao cho $|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}|$ đạt giá trị nhỏ nhất.

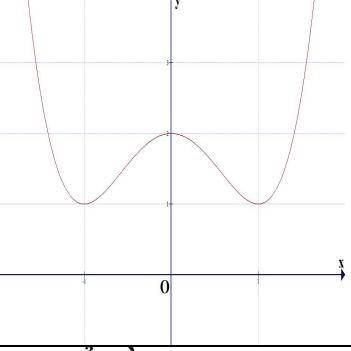
Câu 9b. (1,0 điểm) Tìm số hạng không chứa x trong khai triển của nhị thức $\left(\frac{1}{x^3} + x^2 \right)^n$ biết rằng:

$$C_{2n+1}^1 + C_{2n+1}^2 + C_{2n+1}^3 + \dots + C_{2n+1}^n = 2^{20} - 1.$$

HẾT

Thí sinh không được sử dụng tài liệu.. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm

ĐÁP ÁN ĐỀ THI THỬ ĐẠI HỌC LẦN II KHỐI A-A₁-B NĂM 2014

Câu	Nội dung	Điểm																												
Câu 1	<p>Cho hàm số $y = x^4 - 2mx^2 + 2$ (1)</p> <p>1) Khảo sát sự biến thiên và vẽ đồ thị của hàm số (1) khi $m = 1$.</p> <p>Khi $m = 1$ ta có $y = x^4 - 2x^2 + 2$</p> <ul style="list-style-type: none"> TXĐ : $D = \mathbf{R}$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = +\infty$ $y' = 4x^3 - 4x = 4x(x^2 - 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \Rightarrow y = 2 \\ x = \pm 1 \Rightarrow y = 1 \end{cases}$ Bảng biến thiên: <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="text-align: center;">x</td> <td style="text-align: center;">-∞</td> <td style="text-align: center;">-1</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">1</td> <td style="text-align: center;">+∞</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">y'</td> <td style="text-align: center;">-</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">+</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">-</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">+</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">y</td> <td style="text-align: center;">+∞</td> <td></td> <td style="text-align: center;">2</td> <td></td> <td style="text-align: center;">+∞</td> <td></td> </tr> <tr> <td></td> <td style="text-align: center;">+∞</td> <td></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td></td> <td style="text-align: center;">1</td> <td></td> </tr> </table> <p>Hàm số DB trên các khoảng $(-1; 0), (1; +\infty)$, NB trên các khoảng $(-\infty; -1), (0; 1)$. Hàm số đạt cực đại : $y_{CD} = 2$ tại $x_{CD} = 0$. Hàm số đạt cực tiểu $y_{CT} = 1$ tại $x_{CT} = \pm 1$.</p> <ul style="list-style-type: none"> Đồ thị 	x	-∞	-1	0	1	+∞	y'	-	0	+	0	-	0	+	y	+∞		2		+∞			+∞		1		1		0.25 0.25 0.25
x	-∞	-1	0	1	+∞																									
y'	-	0	+	0	-	0	+																							
y	+∞		2		+∞																									
	+∞		1		1																									
	<p>2) Tìm tất cả giá trị thực của m để đồ thị của hàm số (1) có 3 cực trị tạo thành một tam giác có đường tròn ngoại tiếp đi qua điểm $D\left(\frac{3}{5}; \frac{9}{5}\right)$.</p> <p>$y' = 4x^3 - 4mx = 4x(x^2 - m)$. Điều kiện có 3 cực trị là $m > 0$</p> <p>Khi đó 3 cực trị là $A(0; 2); B(\sqrt{m}; -m^2 + 2); C(-\sqrt{m}; -m^2 + 2)$ Tam giác ABC cân tại A</p> <p>Tâm I của đường tròn (ABC) nằm trên trục tung $\Rightarrow I(0; y)$</p> <p>Ta có $IA = IB \Rightarrow I\left(0; 2 - \frac{1}{2}m^2 - \frac{1}{2m}\right)$</p> <p>Đường tròn (ABC) qua $D\left(\frac{3}{5}; \frac{9}{5}\right) \Leftrightarrow ID = IA \Leftrightarrow \left(\frac{3}{5}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}m^2 - \frac{1}{2m}\right)^2 = \left(\frac{1}{2}m^2 + \frac{1}{2m}\right)^2$</p> <p>$\Leftrightarrow \frac{1}{2}m^2 + \frac{1}{2m} - 1 = 0 \Leftrightarrow m = 1$ hoặc $m = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$ (do $m > 0$)</p>	0.25 0.25 0.25																												
Câu 2	<p>Giải phương trình lượng giác : $\cos^2 3x + 3\cos^2 2x + \cos^2 x + \cos 2x = 2$</p> <p>Phương trình đã cho tương đương với : $\cos 6x + 3\cos 4x + 3\cos 2x + 1 = 0$</p>	(1 điểm) 0.25 0.25+0.25																												

	<p>Đặt $t = \cos 2x$ ta có phương trình : $2t^3 + 3t^2 - 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = -1 \\ t = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \cos 2x = -1 \\ \cos 2x = \frac{1}{2} \end{cases}$</p> <p>Phương trình đã cho có nghiệm : $x = \frac{\pi}{2} + k\pi ; x = \pm \frac{\pi}{6} + k\pi$</p>	0.25
Câu 3	<p>Giải hệ phương trình : $\begin{cases} 4 + 9 \cdot 3^{x^2-2y} = (4 + 9^{x^2-2y}) \cdot 7^{2y-x^2+2} & (1) \\ 4^x + 4 = 4x + 4\sqrt{2y-2x+4} & (2) \end{cases}$</p> <p>Đk : $x - y + 2 \geq 0$. Đặt $t = x^2 - 2y$</p> <p>(1) $\Leftrightarrow 4 + 3^{t+2} = (4 + 9^t) \cdot 7^{2-t} \Leftrightarrow \frac{4 + 3^{t+2}}{7^{t+2}} = \frac{4 + 3^{2t}}{7^{2t}} \Leftrightarrow f(t+2) = f(2t)$</p> <p>Trong đó $f(x) = \frac{4 + 3^x}{7^x} = 4 \left(\frac{1}{7}\right)^x + \left(\frac{3}{7}\right)^x$ là hàm số giảm trên \mathbb{R}</p> <p>Do đó ta có : $t+2 = 2t \Leftrightarrow t=2 \Leftrightarrow x^2 - 2y = 2$</p> <p>Từ đó (1) $\Leftrightarrow 2y = x^2 - 2$ thay vào phương trình (2) ta có :</p> <p>$4^x + 4 = 4x + 4\sqrt{x^2 - 2x + 2} \Leftrightarrow 4^{x-1} = x - 1 + \sqrt{(x-1)^2 + 1}$</p> <p>Đặt $u = x-1$ khi đó (2) $\Leftrightarrow 4^u = u + \sqrt{u^2 + 1}$</p> <p>Mặt khác ta có $(u + \sqrt{u^2 + 1})(-u + \sqrt{u^2 + 1}) = 1$ và $4^{-u} = -u + \sqrt{u^2 + 1}$</p> <p>Nên ta có phương trình : $4^u - 4^{-u} - 2u = 0$ (3)</p> <p>Xét hàm số : $g(u) = 4^u - 4^{-u} - 2u$; $\forall u \in \mathbb{R}$ ta có :</p> <p>$g'(u) = (4^u + 4^{-u}) \ln 4 - 2 > 0$; $\forall u \in \mathbb{R}$</p> <p>Nên hs g(u) luôn đồng biến trên \mathbb{R}, ngoài ra ta có : $g(0) = 0$ nên pt (3) có nghiệm duy nhất $u = 0$. Khi đó ta có : $x = 1 \Rightarrow y = -\frac{1}{2}$</p> <p>Vậy hệ phương trình đã cho có một nghiệm : $(x, y) = \left(1; -\frac{1}{2}\right)$</p>	0.25
Câu 4	<p>Tính tích phân : $I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{3 + \sin 2x}} dx$</p> <p>$I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{3 + \sin 2x}} dx = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x + \cos x}{\sqrt{4 - (1 - \sin 2x)}} dx$</p> <p>Đặt $t = \sin x - \cos x \Rightarrow dt = (\cos x + \sin x)dx$.</p> <p>Đổi cận : $x = \frac{\pi}{2} \Rightarrow t = 1$; $x = \frac{\pi}{4} \Rightarrow t = 0$</p> <p>$\Rightarrow I = \int_0^1 \frac{dt}{\sqrt{4 - t^2}}$, Đặt $t = 2\sin u$; $u \in \left[0; \frac{\pi}{2}\right] \Rightarrow dt = 2\cos u du$</p> <p>Đổi cận : $t = 0 \Rightarrow u = 0$, $t = 1 \Rightarrow u = \frac{\pi}{6}$</p> <p>$\Rightarrow I = \int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{2\cos u du}{\sqrt{2^2 - 2^2 \sin^2 u}} = \int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{2\cos u}{2\cos u} du = u \Big _0^{\frac{\pi}{6}} = \frac{\pi}{6}$</p>	(1 điểm) 0.25 0.25 0.25 0.25
Câu 5	<p>Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình vuông, $SA \perp (ABCD)$, $SA = a$. Diện tích tam giác SBC bằng $\frac{a^2\sqrt{2}}{2}$</p> <p>Tính thể tích khối chóp S.ABCD theo a.</p> <p>Gọi x là độ dài cạnh hình vuông ABCD. Tam giác SBC vuông tại B có</p>	(1 điểm)

	$S_{SBC} = \frac{1}{2} SB \cdot BC = \frac{1}{2} x \cdot \sqrt{a^2 + x^2} = \frac{a^2 \sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow x = a$ Vậy : $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} S_{ABCD} \cdot SA = \frac{a^3}{3}$ (đvtt)	0.25
	Gọi I, J lần lượt là trung điểm các cạnh SB và SD. Tính khoảng cách giữa hai đường thẳng AI và CJ.	
	Dựng hệ trục Axyz như hình vẽ ta có : A(0;0;0); C(a;a;0); I($\frac{a}{2}; 0; \frac{a}{2}$); J($0; \frac{a}{2}; \frac{a}{2}$)	
	$d(AI, CJ) = \frac{ \overrightarrow{AI} \cdot \overrightarrow{CJ} }{\ \overrightarrow{AI}\ \cdot \ \overrightarrow{CJ}\ }$ Với $[\overrightarrow{AI}, \overrightarrow{CJ}] = \left(\frac{a^2}{4}; -\frac{3a^2}{4}; -\frac{a^2}{4} \right)$; $\overrightarrow{AC} = (a; a; 0)$ $d(AI, CJ) = \frac{\frac{a^3}{2}}{\sqrt{11a^2}} = \frac{2a}{\sqrt{11}}$	0.25
Câu 6	Cho các số thực không âm a, b, c thỏa $a+b+c=3$. Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức : $P = (a^2 - ab + b^2)(b^2 - bc + c^2)(c^2 - ca + a^2)$ Không mất tính tổng quát, ta giả sử : $0 \leq a \leq b \leq c \leq 3$ Suy ra $\begin{cases} a(a-b) \leq 0 \\ a(a-c) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a^2 - ab + b^2 \leq b^2 \\ a^2 - ac + c^2 \leq c^2 \end{cases}$ Do đó $P \leq b^2 c^2 (b^2 - bc + c^2) = b^2 c^2 ((b+c)^2 - 3bc)$ Từ $\begin{cases} a+b+c=3 \\ 0 \leq a \leq b \leq c \leq 3 \end{cases}$ ta có $b+c \leq a+b+c=3$ Do đó : $2\sqrt{bc} \leq b+c \leq 3 \Leftrightarrow 0 \leq bc \leq \frac{9}{4}$ Từ đó : $P \leq b^2 c^2 (9-3bc) = 9b^2 c^2 - 3b^3 c^3 = 9t^2 - 3t^3$ với $t = bc$; $0 \leq t \leq \frac{9}{4}$ Lập BBT hs : $f(t) = 9t^2 - 3t^3$ với $0 \leq t \leq \frac{9}{4}$ ta được $f(t) \leq 12 \Rightarrow P \leq 12$ Vậy : Max P = 12 đạt được tại $(a; b; c) = (0; 1; 2)$ và các hoán vị của chúng	(1 điểm)
Câu 7a	Cho hai đường thẳng $d_1 : x+y+1=0$; $d_2 : 2x-y-1=0$. Lập phương trình đường thẳng qua điểm $M(1; -1)$ cắt d_1, d_2 tương ứng tại A và B sao cho $2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0}$ $A \in d_1 \Rightarrow A(t_1; -1-t_1)$; $B \in d_2 \Rightarrow B(t_2; -1+2t_2)$ $2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0} \Leftrightarrow \begin{cases} 2(t_1-1)+(t_2-1)=0 \\ 2(-1-t_1+1)+(-1+2t_2+1)=0 \end{cases} \Leftrightarrow t_1=t_2=1$ Phương trình đường thẳng qua AB cần tìm là : $x=1$.	(1 điểm) 0.25 0.25+0.25 0.25
Câu 8a	Cho $d_1 : \frac{x-3}{2} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-3}{1}$; $d_2 : \frac{x-1}{6} = \frac{y-1}{3} = \frac{z-2}{2}$, gọi I là giao điểm của chúng. Tìm tọa độ các điểm A, B lần lượt $\in d_1, d_2$ sao cho ΔIAB cân tại I và có diện tích bằng $\frac{\sqrt{41}}{42}$ Giao điểm I(1; 1; 2) d_1 có VTCP $\vec{u}_1 = (2; 2; 1)$; d_2 có VTCP $\vec{u}_2 = (6; 3; 2)$	(1 điểm) 0.25

	<p>Gọi φ là góc giữa $d_1; d_2$, ta có : $\cos \varphi = \frac{ \vec{u}_1 \cdot \vec{u}_2 }{ \vec{u}_1 \cdot \vec{u}_2 } = \frac{20}{21} \Rightarrow \sin \varphi = \frac{\sqrt{41}}{21}$</p> $S_{IAB} = \frac{1}{2} IA \cdot IB \cdot \sin \varphi = \frac{\sqrt{41}}{42} \Rightarrow IA = IB = 1$ $A \in d_1 \Rightarrow A(3+2t; 3+2t; 3+t) ;$ $IA = 1 \Leftrightarrow (2+2t)^2 + (2+2t)^2 + (1+t)^2 = 1 \Leftrightarrow t = -\frac{2}{3} \vee t = -\frac{4}{3}$ <p>Với $t = -\frac{2}{3}$ ta được $A\left(\frac{5}{3}; \frac{5}{3}; \frac{7}{3}\right)$, với $t = -\frac{4}{3}$ ta được $A\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{3}; \frac{5}{3}\right)$</p> <p>Tương tự, ta tìm được $B\left(\frac{13}{7}; \frac{10}{7}; \frac{16}{7}\right)$ và $B\left(\frac{1}{7}; \frac{4}{7}; \frac{12}{7}\right)$</p> <p>Vậy tìm được 4 cặp điểm A, B như sau :</p> $A\left(\frac{5}{3}; \frac{5}{3}; \frac{7}{3}\right)$ và $B\left(\frac{13}{7}; \frac{10}{7}; \frac{16}{7}\right) ; A\left(\frac{5}{3}; \frac{5}{3}; \frac{7}{3}\right)$ và $B\left(\frac{1}{7}; \frac{4}{7}; \frac{12}{7}\right)$ $A\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{3}; \frac{5}{3}\right)$ và $B\left(\frac{13}{7}; \frac{10}{7}; \frac{16}{7}\right) ; A\left(\frac{1}{3}; \frac{1}{3}; \frac{5}{3}\right)$ và $B\left(\frac{1}{7}; \frac{4}{7}; \frac{12}{7}\right)$	0.25
Câu 9a	<p>Cho số phức z thỏa mãn $\left \frac{z+2-i}{z+1-i} \right = \sqrt{2}$. Tìm giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của z</p> <p>Giả sử $z = x + yi$. Từ gt $\left \frac{z+2-i}{z+1-i} \right = \sqrt{2} \Leftrightarrow x+2+(y-1)i = \sqrt{2} x+1-(y+1)i$</p> $\Leftrightarrow (x+2)^2 + (y-1)^2 = 2((x+1)^2 + (y+1)^2) \Leftrightarrow x^2 + (y+3)^2 = 10$ <p>Tập hợp biểu diễn của z là đường tròn tâm I(0;-3) bán kính $R = \sqrt{10}$. Gọi M là điểm biểu diễn của z. Ta có : $IM - IO \leq OM \leq IM + IO \Leftrightarrow \sqrt{10} - 3 \leq OM \leq \sqrt{10} + 3$</p> $ z _{\min} \Leftrightarrow OM_{\min} = \sqrt{10} - 3 ; z _{\max} \Leftrightarrow OM_{\max} = \sqrt{10} + 3$	(1 điểm) 0.25 0.25 0.25 0.25 0.25
Câu 7b	<p>Tam giác ABC, đường cao AH: $x = 3\sqrt{3}$, phương trình đường phân giác trong góc \hat{ABC} và \hat{ACB} lần lượt là $x - \sqrt{3}y = 0$ và $x + \sqrt{3}y - 6\sqrt{3} = 0$. Bán kính đường tròn nội tiếp tam giác bằng 3. Viết phương trình các cạnh của tam giác ABC, biết đỉnh A có tung độ dương.</p> <ul style="list-style-type: none"> Chứng minh tam giác ABC đều Do đường cao AH: $x = 3\sqrt{3}$ nên đt BC song song hoặc trùng với trục hoành Ox. Tâm đường tròn nội tiếp $I(3\sqrt{3}; 3)$, bán kính bằng 3 \Rightarrow pt BC: $y = 0$ hoặc $y = 6$ Nếu pt BC: $y = 6$ thì tung độ của A bằng -3 (loại) \Rightarrow pt BC: $y = 0$. Tọa độ các điểm B(0; 0); C($6\sqrt{3}$; 0) Đường thẳng AB có hệ số góc $k = \sqrt{3}$, đường thẳng AC có hệ số góc $k' = -\sqrt{3}$. Phương trình lần lượt là $y = \sqrt{3}x$ và $y = -\sqrt{3}x + 18$ 	(1 điểm) 0.25 0.25 0.25 0.25 0.25
Câu 8b	<p>Cho ba điểm A(0;1;1) ; B(2;-1;1) ; C(4;1;1) và mặt phẳng (P): $x + y + z - 6 = 0$.</p> <p>Tìm điểm M trên mặt phẳng (P) sao cho $\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}$ đạt giá trị nhỏ nhất.</p> <p>Gọi I, J, K lần lượt là trung điểm AB, BC, IJ, ta có I(1;0;1) ; J(3;0;1) ; K(2;0;1)</p> <p>Khi đó $T = \vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC} = (\vec{MA} + \vec{MB}) + (\vec{MB} + \vec{MC}) = 2 \vec{MI} + \vec{MJ} = 4 \vec{MK}$</p> <p>Như vậy : T đạt GTNN khi M là hình chiếu của K trên (P)</p>	(1 điểm) 0.25 0.25 0.25 0.25 0.25

	<p>Ta có pt đt qua K và vuông góc (P) là d : $\begin{cases} x = 2 + t \\ y = t \\ z = 1 + t \end{cases}$ Giao của d và (P) là M(3;1;2)</p>	
Câu 9b	<p>Tìm số hạng không chứa x trong khai triển của nhị thức $\left(\frac{1}{x^3} + x^2\right)^n$ biết rằng :</p> $C_{2n+1}^1 + C_{2n+1}^2 + C_{2n+1}^3 + \dots + C_{2n+1}^n = 2^{20} - 1$ <p>Theo tính chất của C_n^k ta có : $C_{2n+1}^1 = C_{2n+1}^{2n}$; $C_{2n+1}^2 = C_{2n+1}^{2n-1}$; ... $C_{2n+1}^n = C_{2n+1}^{n+1}$</p> <p>Do đó : $(C_{2n+1}^1 + C_{2n+1}^2 + \dots + C_{2n+1}^n) + (C_{2n+1}^{n+1} + C_{2n+1}^{n+2} + \dots + C_{2n+1}^{2n}) = 2(2^{20} - 1)$ (1)</p> <p>Mặt khác ta có $C_{2n+1}^0 = C_{2n+1}^{2n+1} = 1$ nên</p> $(1) \Leftrightarrow C_{2n+1}^0 + C_{2n+1}^1 + C_{2n+1}^2 + \dots + C_{2n+1}^{2n} + C_{2n+1}^{2n+1} = 2^{21} \Leftrightarrow 2^{2n+1} = 2^{21} \Leftrightarrow n = 10$ <p>Khai triển $\left(\frac{1}{x^3} + x^2\right)^{10} = \sum_{k=0}^{10} C_{10}^k (x^{-3})^{10-k} \cdot (x^2)^k = \sum_{k=0}^{10} C_{10}^k x^{5k-30}$</p> <p>Cho $5k - 30 = 0 \Leftrightarrow k = 6$. Vậy số hạng không chứa x là số hạng thứ 7 và</p> $T_7 = C_{10}^6 = 210$	<p>(1 điểm)</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p> <p>0.25</p>